

Il s'agit de la correction de deux exercices du fichier :

http://www.barsamian.am/2020-2021/S5P6/Chap8_Fonctions_trigonometriques.pdf

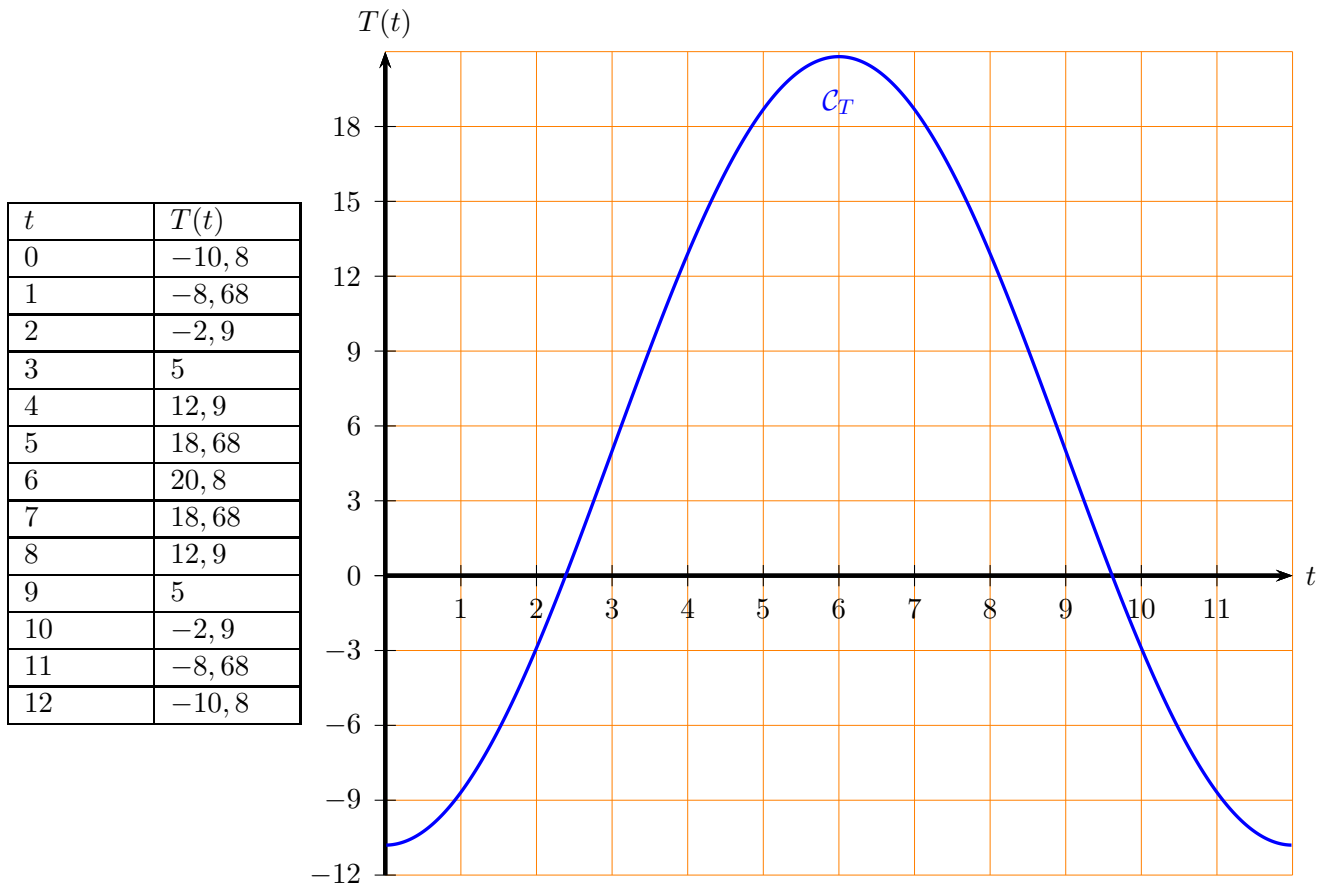
Exercice 5.

1. La fonction D d'expression $D(t) = 12 + 2,4 \sin(0,0172(t - 80))$ est une fonction périodique dont la période est $T = \frac{2\pi}{0,0172} \approx 365$. Ici on ne montre la fonction que sur $[0; 30]$, soit $\frac{1}{12}$ du total, et donc on montre un gros zoom sur le graphique de la fonction. En zoomant, il est normal de ne pas voir apparaître toutes les propriétés de la fonction.
2. t représente le nombre de jours écoulés depuis le début de l'année, donc $t \in [0; 30]$ correspond au mois de janvier.
3. Pour calculer la pente d'une droite, on va prendre deux points de la droite, et calculer $\frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$. Ici on a envie de prendre $A(20; 12)$ qui a clairement l'air d'être sur la droite. Pour avoir le moins d'erreurs possible sur la pente de la droite, c'est mieux de prendre deux points éloignés. On va prendre le point $B(0; 11,2)$ qui a aussi l'air d'être plus ou moins sur la droite, si on la continuait jusqu'en 0. Donc la pente vaut $\frac{11,2 - 12}{0 - 20} = \span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">0,04. La fonction montre la durée du jour en heures. La pente d'une droite, c'est la croissance de la droite sur l'axe des y quand on croît de 1 sur l'axe des x : c'est donc le nombre d'heures de soleil en plus par jour qu'on a en janvier. En janvier, chaque jour on gagne environ $0,04h = 2,4$ minutes de soleil.$
4. 2019 était une année non bissextile. Donc 31 jours en janvier, 28 en février, 31 en mars, 30 en avril : le 23 mai était donc le 143ième jour de l'année. On calcule $D(143) \approx 14,12$. La durée du jour le 23 mai 2019 était d'environ 14h et 7 minutes.
5. Dans la fonction D , le 12 correspond au décalage sur l'axe des y de la fonction sinus. C'est la valeur moyenne de la fonction. Le 2,4 vient modifier l'amplitude de la fonction. La fonction $x \mapsto \sin(x)$ a une amplitude de 2 (l'amplitude c'est l'écart entre les valeurs extrêmes, et on sait que le sinus d'un nombre est compris entre -1 et 1), et donc si on multiplie par 2,4 l'amplitude vaut maintenant 4,8. Le 2,4 est donc la moitié de l'amplitude. On l'a déjà vu à la question 1, le 0,0172 est lié à la période de la fonction par la formule (à retenir) : si une fonction s'écrit $a \cdot \sin(b(x + c)) + d$, alors la période vaut $\frac{2\pi}{b}$. Le 0,0172 correspond donc à $\frac{2\pi}{\text{période}}$. Enfin le -80 correspond au déphasage de la fonction, c'est-à-dire son décalage sur l'axe des x . On a décalé la fonction de 80 vers la droite (car $\sin(x)$ vaut 0 quand x vaut 0, ce qui arrive ici quand $0,0172(t - 80) = 0$ c'est-à-dire quand $t = 80$, c'est un déphasage de 80.

Relisez la correction de l'exercice 7.1 (donnée dans le fichier de cours complet) pour bien retenir ce qu'est la période, l'amplitude et le déphasage.

Exercice 3.

1. La fonction T d'expression $T(t) = 15,8 \sin\left(\frac{\pi}{6}(t-3)\right) + 5$ est une fonction périodique dont la période est $T = \frac{2\pi}{\frac{\pi}{6}} = 2\pi \times \frac{6}{\pi} = 12$. On sait donc que sa représentation, sur $[0; 12]$, va faire apparaître exactement une période de la fonction sinus, soit une vague. On calcule une dizaine de valeurs de la fonction, on en déduit une échelle adaptée pour l'axe des y (les valeurs sont entre -11 et 21 donc on peut prendre 1 cm pour 3°C) et on relie.



2. Graphiquement, on voit que la fonction est maximale pour $t = 6$, c'est-à-dire en plein milieu de l'année (fin juin / début juillet). Pour prouver cela, on peut revenir à la fonction $x \mapsto \sin(x)$: c'est une fonction dont la valeur maximale est 1, et cette valeur est atteinte pour $x = \frac{\pi}{2}$. Dans l'expression $T(t) = 15,8 \sin\left(\frac{\pi}{6}(t-3)\right) + 5$, on peut donc résoudre $\frac{\pi}{6}(t-3) = \frac{\pi}{2}$, et on retrouve bien $t = 6$.