Devoir surveillé n°1 Correction

Exercice 1

- 1. Mise en mathématiques de l'énoncé.
 - 55 % correspond à 275 personnes. Ainsi total(au moins 12 livres) = 275.
 - 40 % correspond à 200 personnes. Ainsi total(entre 5 et 11 livres) = 200.
 - les autres correspond donc à 500-275-200 = 25. Ainsi total(au plus 4 livres) = 25.
 - total(influencé par les médias) = 220.
 - les autres correspond à 500-220 = 280. Ainsi total(non influencé par les médias) = 280.

Ainsi on aboutit au tableau suivant:

Nombre de livres lus Choix	Au plus 4	De 5 à 11	Au moins 12	Total
influencé par les médias	16	220-95-16 = 109	275 - 180 = 95	220
non influencé par les médias	25-16 = 9	280 - 180 - 9 = 91	180	280
Total	25	200	275	500

2. Calculs de fréquences :

- (a) La fréquence des personnes qui lisent au plus 4 livres par an par rapport aux personnes influencées par les médias, c'est $\frac{\text{effectif ((influencé par les médias) et (au plus 4))}}{\text{effectif (influencé par les médias)}} = \frac{16}{220} \approx 0.07 (7\%)$.
- (b) La fréquence des personnes influencées par les médias par rapport aux personnes qui lisent au plus 4 livres par an, c'est $\frac{\text{effectif ((au plus 4) et (influencé par les médias))}}{\text{effectif (au plus 4)}} = \frac{16}{25} = \frac{16}{25}$
- (c) La fréquence des personnes qui lisent au moins 12 livres par an est donnée dans l'énoncé : on nous dit que 55% des personnes lisent au moins 12 livres par an.

On pouvait retrouver ce résultat par le calcul : $\frac{\text{effectif (au moins 12)}}{\text{effectif total}} = \frac{275}{500} = 0,55 (55\%).$

Exercice 2 - Adapté de Baccalauréat STSS, Juin 2009

1. On connait la quantité de médicaments rejetés en février (870) ainsi que le taux d'évolution entre février et mars (+1,2%). Donc le coefficient multiplicateur entre les deux valeurs est de $1 + \tan x_{\text{fevrier/mars}} = 1 + 1,2\% = 1,012$. On peut faire le schéma suivant :

$$\begin{array}{c}
\times 1,012 \\
\hline
870 \quad \text{med}_{\text{mars}}
\end{array}$$

On en déduit donc $\operatorname{med}_{\operatorname{mars}} = 870 \times 1,012 = 880,44 \approx \boxed{880}$

2. Cette fois-ci on ne peut pas utiliser le nombre de médicaments d'avril pour calculer le nombre de médicaments de mai. Effectivement on n'a pas le taux d'évolution avril/mai (on n'a pas non plus le nombre de médicaments d'avril mais on peut l'avoir grâce au taux mars/avril).

Il va donc falloir utiliser le nombre de médicaments de juin (876) ainsi que le taux mai/juin (+1,9%). Le coefficient multiplicateur entre les deux valeurs est de $1+\tan x_{mai/juin}=1+1,9\%=1,019$. On peut faire le schéma suivant :

$$\underbrace{\times 1,019}_{\text{med}_{\text{mai}}} 876$$

On en déduit donc :

3. Le taux d'évolution se calcule par $\frac{v_F - v_I}{v_I}$. Entre janvier et juin, cela donne donc : $\frac{\text{med}_{\text{juin}} - \text{med}_{\text{janvier}}}{\text{med}_{\text{janvier}}} = \frac{876 - 865}{865} \approx \boxed{0.013 \text{ soit } 1,3\%}$

$$\frac{\text{med}_{\text{juin}} - \text{med}_{\text{janvier}}}{\text{med}_{\text{janvier}}} = \frac{876 - 865}{865} \approx \boxed{0,013 \text{ soit } 1,3\%}$$

4. Soit t le taux d'évolution mensuel moyen de quantité de médicaments rejetés sur cette même période.

janvier février mars avril mai juir
$$\times (1+t) \times (1+t) \times (1+t)$$

Entre janvier et juin, il y a eu cinq évolutions, la quantité de médicaments rejetés a été multipliée par $(1+t)^5$. D'après la question précédente, le coefficient multiplicateur global est 1,013 (1,012716763 si on veut garder la valeur la plus exacte possible).

Donc
$$(1+t)^5 = 1,013$$
.

C'est équivalent à
$$1 + t = 1,013^{\frac{1}{5}}$$
.

En enlevant 1 de chaque côté, cela donne
$$t = 1,013^{\frac{1}{5}} - 1 \approx 0,003$$
.

Le taux d'évolution mensuel moyen est environ de
$$\boxed{0,3~\%}$$