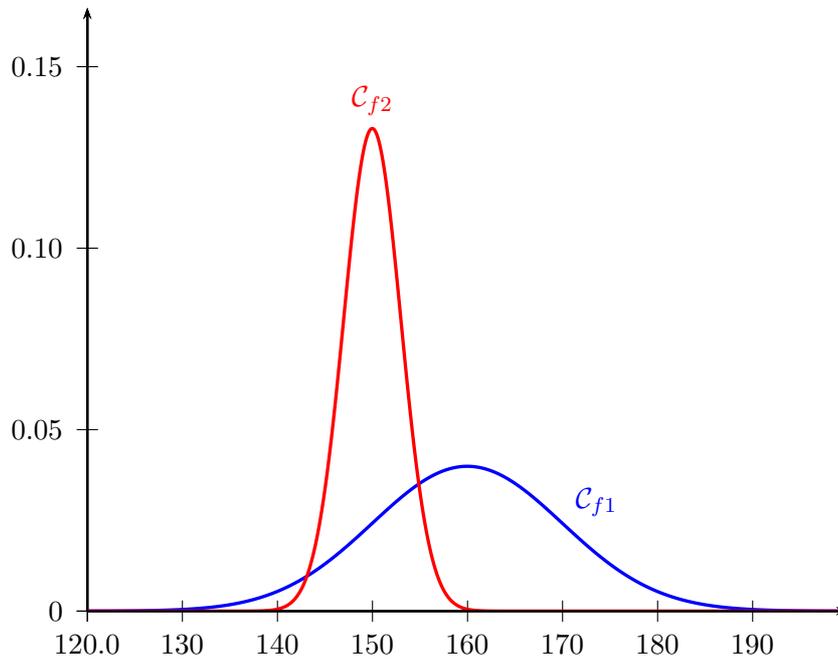


Exercice 3

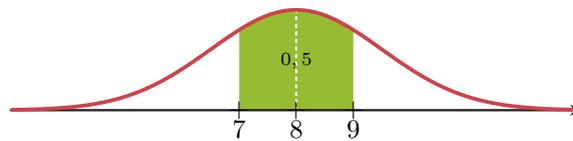
On considère les deux lois normales n_1 et n_2 dont on donne les graphiques des fonctions de répartition f_1 et f_2 ci-après :



1. Lire sur le graphique μ , l'espérance de chacune des deux lois (la moyenne d'une variable aléatoire qui suit cette loi).
2. Quelle est la loi qui a le plus grand écart-type ? Justifier.
3. Illustrer sur le graphique ce à quoi correspond $p = \int_{-\infty}^{150} f_1(x) dx$.
4. On donne $p = 0,16$. Combien vaut $q = \int_{150}^{170} f_1(x) dx$? Si X est une variable aléatoire qui suit la loi n_1 , à quoi correspond q en terme de probabilité ?

Dans les trois exercices suivants, on a tracé les courbes représentatives des fonctions de densité de variables aléatoires X , Y et Z suivant des lois $\mathcal{N}(\mu ; \sigma^2)$ ainsi que leur axe de symétrie respectif et écrit l'aire des domaines colorés.

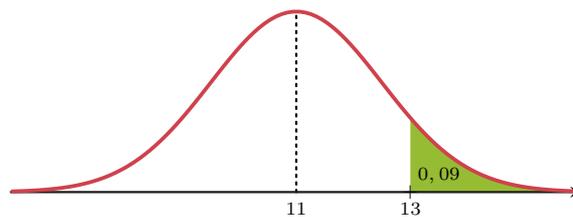
Exercice 4



Déterminer les probabilités suivantes.

1. $P(8 < X < 9)$
2. $P(X \geq 9)$
3. $P(X \leq 9)$
4. $P_{(X>7)}(X \leq 8)$

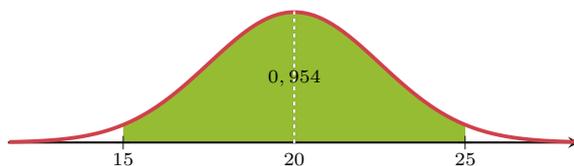
Exercice 5



Déterminer les probabilités suivantes.

1. $P(Y \leq 9)$
2. $P(11 < Y \leq 13)$
3. $P(Y \geq 9)$
4. $P_{(Y>9)}(Y \leq 13)$

Exercice 6



Déterminer une valeur approchée de μ et de σ .

Exercice 7

On considère une variable aléatoire X suivant une loi normale de paramètres $\mu = 5$ et σ inconnu telle que $P(-7 \leq X \leq 17) \approx 0,997$.

1. Déterminer une valeur approchée de σ .
2. En déduire les probabilités suivantes sans utiliser une calculatrice.

(a) $P(1 \leq X < 9)$

(b) $P(5 < X < 9)$

Exercice 8

On considère une variable aléatoire X suivant une loi $\mathcal{N}(3 ; \sigma^2)$ et telle que $P(X < 1) = 0,4$. Déterminer les probabilités suivantes sans calculatrice.

1. $P(1 \leq X < 3)$

2. $P(X > 5)$

3. $P_{(X < 5)}(X \geq 1)$

Exercice 9

On considère une variable aléatoire X suivant une loi normale de paramètres μ inconnu et $\sigma = 2$ telle que $P(X \geq 11) \approx 0,0015$.

1. Déterminer μ .
2. En déduire $P(X < 5)$ sans calculatrice.

Exercice 10

Les probabilités demandées seront données sous leur forme décimale arrondie à 0,001 près.

Une entreprise vend 2 types de meubles : M1, M2 respectivement 419 euros et 509 euros l'unité.

La demande mensuelle en meubles M1 est : une variable aléatoire X qui suit la loi normale $\mathcal{N}(85 ; 15^2)$.

La demande mensuelle en meubles M2 est : une variable aléatoire Y qui suit la loi normale $\mathcal{N}(52 ; 8^2)$.

On suppose que X et Y sont indépendantes.

Partie A : Dans cette question, on suppose que le stock est suffisant pour satisfaire la demande. Ainsi, l'entreprise vend mensuellement X meubles M1 et Y meubles M2.

Calculer les probabilités (un mois donné) d'avoir les événements suivants :

V1 on vendra au plus 80 meubles M1.

V2 on vendra au plus 70 meubles M2.

Partie B : Dans cette question, le stock n'est pas obligatoirement suffisant pour satisfaire la demande. L'entreprise dispose en début de mois d'un stock de 80 meubles M1 et 70 meubles M2.

Quelles sont les probabilités des événements suivants :

S1 il y aura rupture de stock en meubles M1.

S2 il y aura rupture de stock en meubles M2.

S il y aura rupture de stock (en meubles M1 ou M2).

(La rupture de stock concerne la fin du mois, et signifie que la demande est supérieure au stock).

Exercice 11

Une compagnie a un contrat d'entretien pour 300 ascenseurs. On admet que, chaque semaine, la probabilité de panne d'un ascenseur est de $\frac{1}{75}$.

On suppose l'indépendance entre les pannes d'un même ascenseur ainsi que de deux ascenseurs différents.

Partie A : Soit X la variable aléatoire qui, à toute semaine, associe le nombre de pannes du parc complet des ascenseurs.

1. Quelle est la loi suivie par X ? Donner ses paramètres.
2. Calculer à 0,01 près, la probabilité pour que lors d'une semaine il y ait (strictement) moins de 2 pannes ?

Partie B : On considère la variable aléatoire Z qui, à tout adulte, usager d'ascenseurs, choisi au hasard, associe son poids en kg. On suppose que Z suit la loi normale d'espérance mathématique 70 kg et d'écart type 15 kg.

1. Calculer, à 0,01 près, la probabilité pour qu'un adulte, usager d'ascenseurs, choisi au hasard, pèse moins de 90 kg.

Exercice 12

Après avoir effectué une étude statistique, on admet qu'un passant pris au hasard dans la galerie marchande entre dans la pharmacie avec une probabilité de 0,15.

On prélève de façon aléatoire, un échantillon de 40 usagers de la galerie marchande (on assimile ce prélèvement à un tirage avec remise).

On désigne par X la variable aléatoire qui comptabilise le nombre de personnes qui entrent dans la pharmacie, parmi les 40 usagers de l'échantillon.

1. (a) Quelle loi suit la variable aléatoire X ? Préciser les paramètres.
(b) Calculer l'espérance mathématique de la variable aléatoire X et donner par une phrase simple une interprétation.
(c) Calculer les probabilités $P(X = 0)$ et $P(X \geq 1)$ (on donnera les valeurs arrondies à la quatrième décimale)
2. Soit Y , la variable aléatoire, qui un jour donné, décompte le nombre de clients entrés dans la pharmacie entre 18h et 19h. On admet que la variable aléatoire Y suit la loi normale $\mathcal{N}(30 ; 4^2)$.
(a) Calculer les probabilités $P(Y \geq 34)$ et $P(26 \leq Y \leq 34)$ (on donnera les valeurs arrondies à la quatrième décimale)
(b) Déterminer le nombre réel a tel que $P(Y \geq a) = 0,04$. En arrondissant le nombre a à l'entier le plus proche, traduire par une phrase cette dernière égalité.

Exercice 13

En observant ses résultats scolaires, Jean-Baptiste a remarqué une certaine régularité pour ses notes (sur 20).

Il a relevé qu'il avait obtenu en moyenne 12,1 à ses devoirs, et qu'il n'avait pas la moyenne dans 4% des contrôles.

Il souhaite modéliser la note qu'il obtient à un devoir par une loi normale.

Quelles valeurs doit-il choisir pour l'espérance et l'écart-type ?