

Exercice 1	Calc. : ✗
Trouver $k \in \mathbb{R}$ tel que les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ k+1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 3k \\ 4 \end{pmatrix}$ soient orthogonaux.	5 marks

Exercice 2	Calc. : ✗
Dans une base du plan $(\vec{i}; \vec{j})$, on considère les vecteurs $\vec{a} = 4\vec{i} - 2\vec{j}$ et $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j}$. Déterminer les nombres k et t tels que $k \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 4\vec{i} + (t \cdot \vec{i} - 9\vec{j})$.	4 marks

Exercice 3	Calc. : ✓
Dans le plan muni d'un repère, on considère le triangle ABC rectangle en C, avec : A(1; 2), B(5; -2) et C(x; x - 3) où $x > 3$.	
1. Déterminer la valeur de x .	3 marks
Dans les questions suivantes, on prendra $x = 5$.	
2. Déterminer les coordonnées du point M, milieu du segment [AB].	3 marks
3. Prouver que (AB) et (CM) sont perpendiculaires.	3 marks
4. Déterminer la mesure de l'angle \widehat{CAB} .	4 marks
5. Calculer le périmètre du triangle ABC.	5 marks

Exercice 4	Calc. : ✓
Déterminer les valeurs de x pour que les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 1 \\ 2x+1 \end{pmatrix}$ soient colinéaires.	4 marks

Exercice 5	Calc. : ✓
Déterminer la valeur de x pour que les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 1 \\ 2x+1 \end{pmatrix}$ soient orthogonaux.	3 marks

Exercice 6	Calc. : ✗	
Betrachte in einem zweidimensionalen Vektorraum mit Standardbasis das regelmäßige Sechseck ABCDEF mit dem Mittelpunkt O und Seitenlänge 1 cm.	5 marks	
Bestimme den Wert der folgenden Skalarprodukte:		
1. $\vec{OC} \cdot \vec{OD}$	2. $\vec{DO} \cdot \vec{FC}$	3. $\vec{BF} \cdot \vec{OD}$

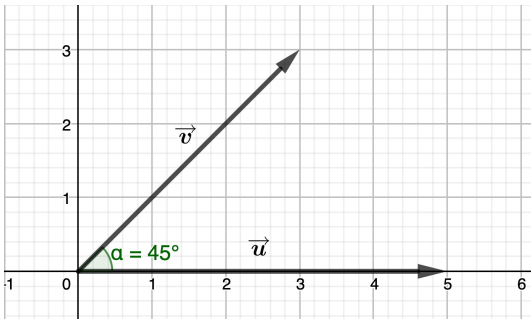
Exercise 7	Calc. : ✓
Betrachte in einem zweidimensionalen Vektorraum mit Standardbasis die Punkte A(2 2), B(4 3), C(5 1) und D(3 0).	
1. Berechne das Skalarprodukt $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$.	3 marks
2. Berechne $ \overrightarrow{AB} $ und $ \overrightarrow{AC} $.	2 marks
3. Bestimme im Dreieck ABC die Größe des Winkels am Eckpunkt A, gerundet auf 2 Dezimalen.	3 marks
4. Zeige, dass die Vektoren \overrightarrow{AB} und \overrightarrow{AD} orthogonal sind.	2 marks

Exercise 8	Calc. : ✗
The vectors \vec{u} and \vec{v} are given, with $\vec{u} = \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$.	
1. Calculate $\vec{u} \cdot \vec{v}$.	3 marks
2. Determine whether the vectors \vec{u} and \vec{v} are parallel or not.	3 marks

Exercise 9	Calc. : ✓
The points A(2, 5) and B(7, -7) are given.	
1. Calculate $\ \overrightarrow{AB}\ $.	3 marks
2. Find the coordinates of point C if you know that $\overrightarrow{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ 9 \end{pmatrix}$.	4 marks
3. Find the angle between vectors \overrightarrow{AB} and \overrightarrow{AC} if you know that $\overrightarrow{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ 9 \end{pmatrix}$. Write your answer in degrees, accurate to two decimal places.	4 marks
4. Find the parameter k , so that the vector $\vec{u} = \begin{pmatrix} 12 \\ k \end{pmatrix}$ is perpendicular to \overrightarrow{AB} .	4 marks

Exercise 10	Calc. : ✓
The vectors \vec{u} and \vec{v} are given, with $\vec{u} = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \end{pmatrix}$.	
Express vector $\vec{w} = \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ as a linear combination of vectors \vec{u} and \vec{v} .	5 marks

Exercise 11	Calc. : ✗
Respecto a una base ortonormal se consideran los vectores $\vec{u} = (2, 3)$, $\vec{v} = (-1, 2)$. Expresar el vector $\vec{w} = (-7, 0)$ como combinación lineal de \vec{u} y \vec{v} :	5 marks
$\vec{w} = a \cdot \vec{u} + b \cdot \vec{v}$	

Exercise 12	Calc. : ✗
Calcular el producto escalar de los vectores \vec{u} y \vec{v} representados en la figura:	5 marks
	

Exercise 13

Calc. : ✓

En un sistema de referencia ortonormal, se considera el triángulo ABC con los vértices A(-4, 3), B(0, -4) y C(4, 2).

- | | |
|--|---------|
| 1. Representar el triángulo en un sistema de coordenadas | 3 marks |
| 2. Mostrar que el triángulo ABC es isósceles. | 5 marks |
| 3. Calcular el perímetro del triángulo. | 4 marks |
| 4. Calcular el ángulo \widehat{BAC} . | 5 marks |
| 5. Calcular las coordenadas del punto D para que la figura ABDC sea un paralelogramo. (Observar la figura representada en 1.). | 3 marks |

Exercise 14

Calc. : ✗

Les propositions suivantes sont-elles vraies ou fausses ? Expliquer ou justifier par des calculs.

10 marks

Proposition 1 : “Si A(2; 3), B(-3; 1) et C(-1; -5) alors (AB) et (BC) sont perpendiculaires.”

Proposition 2 : “Si A(2; 3), B(-3; 1) et D(-13; -3) alors A, B et D sont alignés.”

Proposition 3 : Soient les deux points E(1; 3) et F(a; 2a) où a est un nombre réel. “Si F est le milieu du segment [EG] alors les coordonnées de G sont (2a - 1; 4a - 3).”

Proposition 4 : “Si $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ alors $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$.”

Proposition 5 : “Si (AB) est parallèle à (CD) et si $AB = \frac{1}{2}CD$ alors $\overrightarrow{AB} = \frac{1}{2}\overrightarrow{CD}$.”

Exercice 15

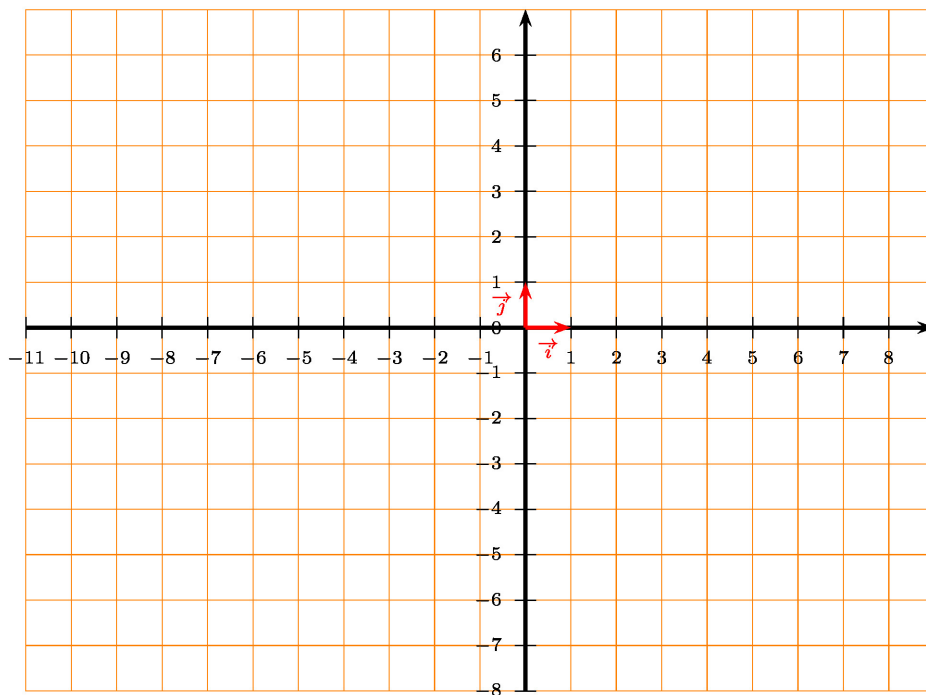
Calc. : ✓

On se place dans un repère orthonormé $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ du plan.

On donne les points $O(0 ; 0)$, $A(-1 ; 3)$, $B(5 ; -2)$, $C(8 ; 6)$ et $M(x, y)$ tel que $\overrightarrow{AM} = \vec{u}$; où \vec{u} a pour coordonnées $(-9 ; -10)$.

16 marks

1. Calculer les coordonnées de M .
2. Calculer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AC} et \overrightarrow{BM} .
3. Les droites (AC) et (BM) sont-elles parallèles ? Justifier.
4. Les points O , M et C sont-ils alignés ? Justifier.
5. Placer dans le repère ci-dessous les points O , A , B , C et M et vérifier les résultats des questions 1), 2), 3), et 4).

**Exercice 16**

Calc. : ✓

On se place dans un repère orthonormé $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$ du plan.

On donne $D(3 ; -1)$; $E(1 ; 3)$; $F(0 ; -2)$ et $G(6 ; 1)$.

Montrer que les vecteurs \overrightarrow{DE} et \overrightarrow{FG} sont orthogonaux.

4 marks

Exercice 17

Calc. : ✗

1. Justifier si la proposition suivante est vraie ou fausse:
"Si $ABCD$ est un parallélogramme alors $\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DB}$."

2 marks

2. Soient les vecteurs $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ m \end{pmatrix}$ et $\vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$.

(a) Calcule la valeur de m pour que \vec{a} et \vec{b} soient orthogonaux.

3 marks

(b) Trouve un vecteur unitaire perpendiculaire à \vec{b} .

2 marks

Exercice 18

Calc. : ✓

Soient les points A(-7; 3), B(-5; 7), C(-6; 10) et D(-8; 6) dans un plan cartésien.

- | | |
|--|---------|
| 1. Calcule les composantes des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{CD} . | 2 marks |
| 2. Détermine un vecteur de longueur 5 unités dans la direction de \overrightarrow{AB} . | 4 marks |
| 3. Donne la nature du quadrilatère ABCD en justifiant. | 1 mark |
| 4. Soient les points M et N les milieux respectifs des segments [AB] et [CD]. Calcule les coordonnées de ces points. | 2 marks |
| 5. Montre que le triangle MBN est un triangle rectangle. | 2 marks |

Exercice 19

Calc. : ✓

Soient les vecteurs $\vec{a} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$ et $\vec{b} = \begin{pmatrix} 1+t \\ -4 \end{pmatrix}$.

- | | |
|--|---------|
| 1. Pour $t = 2$, calcule le produit scalaire entre \vec{a} et \vec{b} et détermine si l'angle entre les deux vecteurs est obtus, aigu, droit ou si les deux vecteurs sont parallèles. | 3 marks |
| 2. Calcule la valeur t qui permet aux vecteurs \vec{a} et \vec{b} d'être colinéaires. | 3 marks |
| 3. Calcule l'angle entre \vec{a} et \vec{b} pour $t = 8$. | 5 marks |

Exercice 20

Calc. : ✓

Soit k un nombre réel. On considère les vecteurs :

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2k-3 \end{pmatrix} \text{ et } \vec{v} = \begin{pmatrix} k-1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

- | | |
|---|-----------|
| 1. Trouver la valeur du paramètre k , pour que les vecteurs \vec{u} et \vec{v} soient colinéaires. | 1.5 marks |
| 2. Trouver la valeur du paramètre k , pour que les vecteurs \vec{u} et \vec{v} soient orthogonaux. | 1.5 marks |

À partir de maintenant, on prend $k = 5$.

- | | |
|---|-----------|
| 3. Trouver la mesure de l'angle entre les vecteurs \vec{u} et \vec{v} . | 1.5 marks |
| 4. Exprimer le vecteur $\vec{w} = \begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$ comme combinaison linéaire des vecteurs \vec{u} et \vec{v} . | 2.5 marks |
| 5. Trouver les coordonnées des sommets du parallélogramme ABCD, sachant que $A = (-2; 1)$, $\overrightarrow{AB} = \vec{u}$, et $\overrightarrow{AD} = \vec{w}$. | 2.5 marks |

Exercice 21

Calc. : ✓

Dans le plan muni d'un repère orthonormé, les coordonnées des points A, B et C sont respectivement :

A(1; 4), B(5; 5) et C(-1; 6).

- | | |
|---|---------|
| 1. Déterminer le vecteur \overrightarrow{AB} et calculer sa longueur. | 2 marks |
| 2. Déterminer la longueur du vecteur \overrightarrow{AC} . | 2 marks |
| 3. Calculer l'amplitude de l'angle entre les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} en donnant votre réponse arrondie au dixième de degré près. | 3 marks |
| 4. Déterminer la valeur de k sachant que le vecteur $\begin{pmatrix} k \\ 1 \end{pmatrix}$ est perpendiculaire au vecteur \overrightarrow{BC} . | 3 marks |

Exercise 22

Calc. : ✗

<p><u>Partie 1</u></p> <p>Soient les points $A(1; -2)$, $B(0; m)$ et $C(6; -1)$. Trouver le réel m pour que \vec{AB} et \vec{BC} soient dépendants.</p> <p><u>Partie 2</u></p> <p>Dans le repère $(O; \vec{i}; \vec{j})$, on considère les vecteurs : $\vec{a} = -2\vec{i} + \vec{j}$ et $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j}$. Exprimer le vecteur $\vec{w} = -\vec{i} + 2\vec{j}$ comme combinaison linéaire de \vec{a} et \vec{b}, c'est-à-dire sous la forme $(\vec{w} = x\vec{a} + y\vec{b})$.</p>	<p>8 marks</p>
---	----------------

Exercise 23

Calc. : ✗

<p>Two vectors \vec{p} and \vec{q} are shown on the grid.</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>a) Write any position vector that is equal to $\vec{p} - 2\vec{q}$.</p> <p>b) Write any position vector that is equal to $-2\vec{p} - \vec{q}$.</p> <p>c) By drawing on the grid, show that</p> $(\vec{p} - 2\vec{q}) + (-2\vec{p} - \vec{q}) = -\vec{p} - 3\vec{q}$ <p>d) Find the value of c and d:</p> $\begin{pmatrix} c \\ 5 \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} 3 \\ d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} d \\ 8 \end{pmatrix}$	<p>1 mark</p> <p>1 mark</p> <p>3 marks</p> <p>3 marks</p>
--	---

Exercise 24

Calc. : ✓

<p>A set of vectors is given by</p> $\vec{a} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ <p>a) Determine if the vectors are linearly independent. Show your working.</p> <p>b) Does the set form a basis of \mathbb{R}^2? Explain your answer.</p> <p>c) If possible, express the vector $\vec{u} = \begin{pmatrix} 7 \\ 0 \end{pmatrix}$ as a linear combination of \vec{a} and \vec{b}.</p>	<p>3 marks</p> <p>3 marks</p> <p>3 marks</p>
---	--