

**Exercise 1**

Calc. : ✓

Gabriella is playing with her remote-controlled toy car. The following equation describes the path of the car:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -12 \\ 5 \end{pmatrix}$$

The distance units are metres, and the time is in minutes.

1. Write down the initial position of the car. 1 mark
2. Calculate the position of the car after 15 seconds. 1 mark
3. Compute the speed of the car. 1 mark

Grandma is watching Gabriela from point  $P(-1, -6)$

4. Find the shortest distance from point  $P$  to the path of the car. 3 marks

The edge of the cliff is at the point  $\left(0, \frac{23}{3}\right)$  and Grandma walks in that direction with velocity vector  $\begin{pmatrix} 3 \\ 41 \end{pmatrix}$ .

5. After how many minutes will the car reach the edge of the cliff? 2 marks
6. Will Grandma be able to catch the car before it falls down the cliff if she starts moving at the same time as the car? Explain your answer. 4 marks

**Exercise 2**

Calc. : ✓

Gabriella joue avec sa petite voiture télécommandée. L'équation qui suit décrit la trajectoire de la voiture :

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -12 \\ 5 \end{pmatrix}$$

L'unité de distance est le mètre et le temps est en minutes.

1. Donnez la position initiale de la voiture. 1 mark
2. Calculez la position de la voiture après 15 secondes. 1 mark
3. Calculez la vitesse de la voiture. 1 mark

Grand-mère regarde Gabriela du point  $P(-1; -6)$

4. Trouvez la distance la plus courte entre le point  $P$  et la trajectoire de la voiture. 3 marks

Le bord de la falaise est au point  $\left(0; \frac{23}{3}\right)$  et grand-mère marche dans cette direction avec le vecteur vitesse  $\begin{pmatrix} 3 \\ 41 \end{pmatrix}$ .

5. Après combien de minutes la voiture atteindra-t-elle le bord de la falaise ? 2 marks
6. La grand-mère pourra-t-elle rattraper la voiture avant qu'elle ne tombe de la falaise si elle commence à bouger en même temps que la voiture ? Expliquez votre réponse. 4 marks

**Excercise 3**

Calc. : ✓

Gabriella leikkii kauko-ohjattavalla autollaan. Auton paikkaa kuvaaa vektori:

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 16 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -12 \\ 5 \end{pmatrix}$$

Missä  $t$  on aika minuutteina ja paikka on ilmaistu metreissä.

1. Mikä on auton paikka alkuperässä? 1 mark
2. Mikä on auton paikka hetkellä 15 s? 1 mark
3. Laske auton nopeus (suoran suuntavektori on sama kuin nopeuden vektori). 1 mark

Isoäiti katsoo Gabriellaa pisteestä  $P(-1, -6)$

4. Määritä lyhin etäisyys pisteestä  $P$  siihen suoraan, jota pitkin auto kulkee. 3 marks

Rotkon reuna on pisteessä  $\left(0, \frac{23}{3}\right)$  ja isoäiti kävelee kohti rotkon reunaa niin, että hänen nopeusvektorinsa on  $\begin{pmatrix} 3 \\ 41 \end{pmatrix}$ .

5. Kuinka monen minuutin päästä alkuperästä auto saavuttaa rotkon reunan? 2 marks
6. Ehtiiko isoäiti kävellä rotkon reunalle ennen kuin auto saapuu sinne, jos isoäiti lähtee liikkeelle samaan aikaan kuin auto? 4 marks