

Exercise 1Calc. : X

Let f and g be two functions defined by

$$f(x) = -\frac{1}{2}(\mathrm{e}^{2x} + \mathrm{e}^{-2x}) \quad g(x) = x^n \cdot \ln(x)$$

where n is a positive integer.

Prove that the graphs of these two functions never intersect, whatever the value of n .

7 marks

Exercise 2Calc. : X

Soient f et g deux fonctions définies par

$$f(x) = -\frac{1}{2}(\mathrm{e}^{2x} + \mathrm{e}^{-2x}) \quad g(x) = x^n \cdot \ln(x)$$

où n est un entier positif.

Prouvez que les graphiques de ces deux fonctions ne se croisent jamais, quelle que soit la valeur de n .

7 marks

Exercise 3Calc. : X

Olkoon funktiot f ja g määritelty:

$$f(x) = -\frac{1}{2}(\mathrm{e}^{2x} + \mathrm{e}^{-2x}) \quad g(x) = x^n \cdot \ln(x)$$

missä n on positiivinen kokonaisluku.

Todista, että funktioiden f ja g kuvaajilla ei ole leikkauspistettä riippumatta $n : n$ arvosta.

7 marks