

**Exercise 1**

Calc. : ✗

1. <b>Interpréter</b> ce que désigne l'espérance d'une variable aléatoire.	2 marks
2. $X$ est une variable aléatoire suivant une loi normale d'espérance $\mu$ et d'écart type $\sigma$ . <b>Indiquer</b> une probabilité tenant compte de ces deux valeurs caractéristiques $\mu$ et $\sigma$ .	1 mark
3. Une variable aléatoire continue $Y$ définie sur $\mathbb{R}$ est telle que $P(a \leq Y \leq b) = \int_a^b f(z) dz$ .	2 marks
<b>Expliquer</b> pourquoi $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z) dz = 1$ .	

**Exercise 2**

Calc. : ✗

1. <b>Interpret</b> what is meant by expected value of a random variable.	2 marks
2. $X$ is a random variable following a normal distribution with expected value $\mu$ and standard deviation $\sigma$ . <b>Give</b> a probability taking into account these two characteristic values $\mu$ and $\sigma$ .	1 mark
3. A continuous random variable $Y$ defined over $\mathbb{R}$ is such that $P(a \leq Y \leq b) = \int_a^b f(z) dz$ .	2 marks
<b>Explain</b> why $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z) dz = 1$ .	

**Exercise 3**

Calc. : ✗

1. <b>Interpretieren</b> Sie, was der Erwartungswert einer Zufallsvariablen bedeutet.	2 marks
2. $X$ ist eine Zufallsvariable, die einer Normalverteilung mit Erwartungswert $\mu$ und Standardabweichung $\sigma$ folgt. <b>Geben</b> Sie eine Wahrscheinlichkeit an, welche die beiden charakteristischen Werte $\mu$ und $\sigma$ berücksichtigt.	1 mark
3. Es sei eine auf $\mathbb{R}$ definierte stetige Zufallsvariable $Y$ gegeben durch $P(a \leq Y \leq b) = \int_a^b f(z) dz$ .	2 marks
<b>Erklären</b> Sie warum $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z) dz = 1$ .	

**Exercise 4**

Calc. : ✗

Binomi- ja normaalijakauma ovat kaksi paljon käytettä todennäköisyysjakaumaa.	
1. Kerro yksi ominaisuus, millä tavoin nämä kaksi jakaumaa eroavat toisistaan, ja yksi ominaisuus, joka niillä on yhteistä.	2 marks
2. Kerro esimerkki parametrilla, jota tarvitaan normaalijakaumaa määrittäessä.	1 mark
3. Normaalijakaumaa voidaan kuvata funktiolla:	2 marks
$\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}x^2}$	
Selitä, miksi $\int_{-\infty}^{+\infty} \phi(x) dx = 1$ .	