

Exercice 1 Calc. : ✓

Soit k un nombre réel. On considère les vecteurs :

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2k - 3 \end{pmatrix} \text{ et } \vec{v} = \begin{pmatrix} k - 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

1. **Trouver** la valeur du paramètre k , pour que les vecteurs \vec{u} et \vec{v} soient colinéaires. 1.5 marks

2. **Trouver** la valeur du paramètre k , pour que les vecteurs \vec{u} et \vec{v} soient orthogonaux. 1.5 marks

À partir de maintenant, on prend $k = 5$.

3. **Trouver** la mesure de l'angle entre les vecteurs \vec{u} et \vec{v} . 1.5 marks

4. **Exprimer** le vecteur $\vec{w} = \begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$ comme combinaison linéaire des vecteurs \vec{u} et \vec{v} . 2.5 marks

5. **Trouver** les coordonnées des sommets du parallélogramme ABCD, sachant que $A = (-2; 1)$, $\overrightarrow{AB} = \vec{u}$, et $\overrightarrow{AD} = \vec{w}$. 2.5 marks

Exercice 2 Calc. : ✓

Let k be a real number. We consider the vectors:

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2k - 3 \end{pmatrix} \text{ and } \vec{v} = \begin{pmatrix} k - 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

1. **Find** the parameter k , so the vectors \vec{u} and \vec{v} are colinear. 1.5 marks

2. **Find** the parameter k , so the vectors \vec{u} and \vec{v} are orthogonal. 1.5 marks

From now on, we take $k = 5$.

3. **Find** the measure of the angle between the vectors \vec{u} and \vec{v} . 1.5 marks

4. **Express** vector $\vec{w} = \begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$ as a linear combination of vectors \vec{u} and \vec{v} . 2.5 marks

5. **Find** the coordinates of the vertices of the parallelogram ABCD, knowing $A = (-2; 1)$, $\overrightarrow{AB} = \vec{u}$, and $\overrightarrow{AD} = \vec{w}$. 2.5 marks

Exercice 3 Calc. : ✓

Sei k eine reelle Zahl. Wir betrachten die Vektoren :

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2k - 3 \end{pmatrix} \text{ und } \vec{v} = \begin{pmatrix} k - 1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

1. **Bestimmen** Sie den Parameter k so, dass die Vektoren \vec{u} und \vec{v} kollinear sind. 1.5 marks

2. **Bestimmen** Sie den Parameter k so, dass die Vektoren \vec{u} und \vec{v} orthogonal sind. 1.5 marks

Ab nun nehmen wir an: $k = 5$.

3. **Berechnen** Sie den Winkel zwischen den Vektoren \vec{u} und \vec{v} . 1.5 marks

4. **Drücken** Sie den Vektor $\vec{w} = \begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$ als Linearkombination von \vec{u} und \vec{v} . 2.5 marks

5. **Bestimmen** Sie die Koordinaten der Eckpunkte des Parallelogramms ABCD, wenn gilt: $A = (-2|1)$, $\overrightarrow{AB} = \vec{u}$, et $\overrightarrow{AD} = \vec{w}$. 2.5 marks