

# MATHEMATIK 3-STÜNDIG TEIL A

**DATUM:** Montag 29. Januar 2024

**DAUER DER PRÜFUNG:**

2 Stunden (120 Minuten)

**ZULÄSSIGE HILFSMITTEL:**

- Prüfung ohne technisches Hilfsmittel
- Bleistift für Grafiken
- Formelheft



**BESONDER ANMERKUNGEN:**

- Aus den Antworten muss hervorgehen, wie die Ergebnisse oder Lösungen zustande gekommen sind.
- Die volle Punktzahl wird nicht vergeben, wenn eine korrekte Antwort nicht von Belegen oder Erklärungen begleitet wird, die beschreiben, wie die Ergebnisse oder Lösungen erreicht wurden.
- Wenn die gegebene Antwort nicht die richtige ist, können einige Punkte vergeben werden, wenn ersichtlich ist, dass eine geeignete Methode und/oder ein richtiger Ansatz verwendet wurde.

**ANZAHL DER PRÜFUNGS-DOKUMENTE: 2**

**PRÜFUNGS-DOKUMENTE:**

FRAGEBOGEN	JA <input checked="" type="checkbox"/> NEIN <input type="checkbox"/>
ANTWORTHEFT	JA <input type="checkbox"/> NEIN <input checked="" type="checkbox"/>
FORMELHEFT	JA <input checked="" type="checkbox"/> NEIN <input type="checkbox"/>

**GESAMTANZAHL DER SEITEN DES FRAGEBOGENS: 6**

**ACHTUNG:** ES DÜRFEN KEINE ANTWORTEN AUF DIESEN FRAGEBOGEN GESCHRIEBEN WERDEN.

**NAMEN DER LEHRPERSONEN:** S. ANGELOZI, Y. BARSAMIAN, K. HANSEN, A. HARSÁNYI, M. PÉREZ PÉREZ, C. PETRUZ, O. PICAUD, J. SZUTY, L. WURZER.

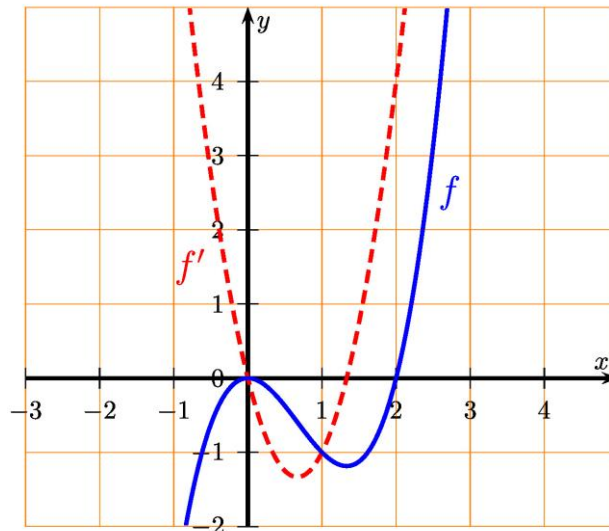
**NAME DES SCHÜLERS/ DER SCHÜLERIN:**.....

TEIL A

Seite 1/4

Punkte

- 1) Das folgende Diagramm zeigt den Graphen einer Funktion  $f$  und den Graphen ihrer Ableitungsfunktion  $f'$ .



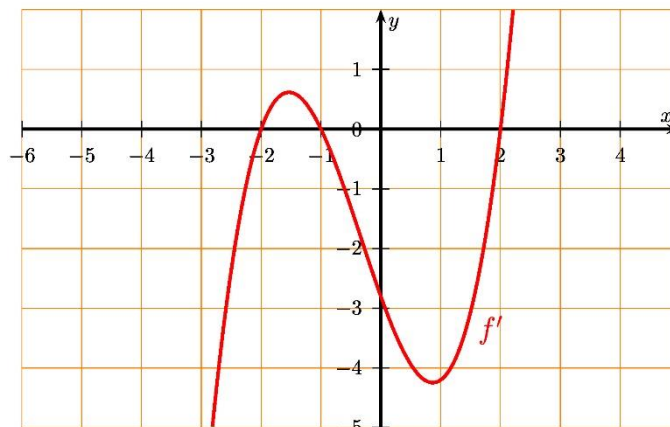
a) **Ermitteln Sie** die Werte für  $f(2)$  und  $f'(2)$ .

2 Punkte

b) **Bestimmen Sie** die Gleichung der Tangente am Graphen von  $f$  in dem Punkt wo  $x = 2$  gilt.

3 Punkte

- 2) Das folgende Diagramm zeigt den Graphen der Ableitungsfunktion  $f'$  von der Funktion  $f$ .



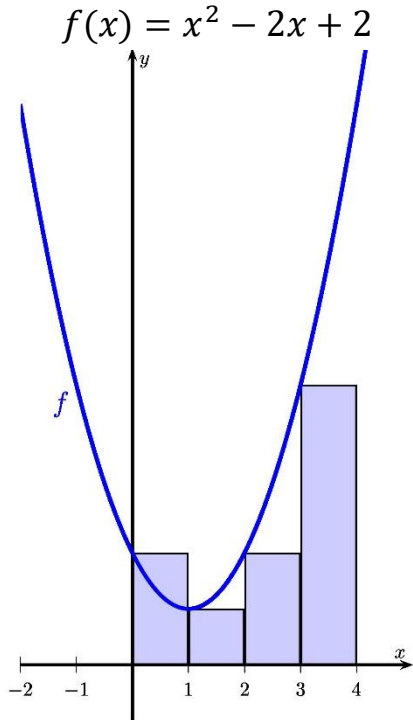
a) **Bestimmen Sie** jene Intervalle an, in denen die Funktion  $f$  steigend ist.

2 Punkte

b) **Geben Sie an**, ob die Funktion  $f$  ein lokales Maximum hat.

3 Punkte

**Begründen Sie** Ihre Antwort.

TEIL A		
	Seite 2/4	Punkte
<p>3) Die Funktion <math>f</math> ist folgendermaßen definiert: <math>f(x) = 3x^3 - 2x^2 - 1</math>.</p> <p>Zusätzlich ist die Funktion <math>F</math> wie folgt definiert durch:</p> $F(x) = a \cdot x^4 + b \cdot x^3 + c \cdot x + d,$ <p>wobei <math>a</math>, <math>b</math>, <math>c</math> und <math>d</math> vier reelle Zahlen sind.</p> <p>a) <b>Finden Sie</b> die Werte der drei Parameter <math>a</math>, <math>b</math>, und <math>c</math> sodass <math>F' = f</math> gilt.</p> <p>b) <b>Finden Sie</b> den Wert des Parameters <math>d</math> sodass <math>F(1) = \frac{1}{12}</math> gilt.</p>		<p>3 Punkte</p> <p>2 Punkte</p>
<p>4) Folgend ist der Graph der Funktion <math>f</math> gegeben, welche definiert ist durch:</p> $f(x) = x^2 - 2x + 2$  <p>a) <b>Bestimmen Sie</b> eine Annäherung der Fläche unterhalb des Funktionsgraphen von <math>x = 0</math> bis <math>x = 4</math> indem <b>Sie</b> linksseitige Rechtecke der Breite 1 <b>verwenden</b>.</p> <p>b) <b>Diskutieren Sie</b> anhand des Graphen, ob diese Näherung eine Überschätzung oder eine Unterschätzung von <math>\int_0^4 f(x)dx</math> darstellt. <b>Begründen Sie</b> Ihre Antwort.</p>		<p>3 Punkte</p> <p>2 Punkte</p>

TEIL A		
	Seite 3/4	Punkte
<p>5) Das Diagramm unten zeigt eine periodische Funktion <math>f</math>, definiert durch</p> $f(x) = a \cdot \sin(b(x - c)) + d$ <p>(wobei <math>a</math>, <math>b</math>, <math>c</math> und <math>d</math> vier reelle Zahlen sind).</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>Anhand der Information im Graphen,</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>bestimmen Sie</b> die Amplitude, die Periode und die vertikale Verschiebung von <math>f</math> und <b>geben Sie</b> die Werte von <math>a</math>, <math>b</math> und <math>d</math> an.</li> <li>• <b>bestimmen Sie</b> <math>f(\pi)</math> und <math>f(9\pi)</math>.</li> </ul>		5 Punkte
<p>6) Die Funktion <math>f</math> ist definiert durch:</p> $f(x) = \frac{1}{x}$ <p>Wir erinnern uns, dass die durch <math>F(x) = \ln(x)</math> definierte Funktion <math>F</math> eine Stammfunktion von <math>f</math> ist.</p> <p><b>Berechnen Sie</b> die Fläche unterhalb des Funktionsgraphen <math>f</math> von <math>x = 1</math> bis <math>x = e</math>.</p>		5 Punkte
<p>7) Zwei Brüder, Jarek und Kuba, waschen das Geschirr nach jedem Abendessen ab. Kuba ist älter und die Wahrscheinlichkeit, dass er das Geschirr abwäscht, beträgt <math>\frac{4}{7}</math>. Wenn Kuba das Geschirr abwäscht, ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein Teller zu Bruch geht, <math>\frac{2}{100}</math>. Wenn Jarek das Geschirr abwäscht, ist diese Wahrscheinlichkeit <math>\frac{1}{100}</math>. Ein Abendessen wird nach dem Zufallsprinzip ausgewählt.</p> <p>a) <b>Zeichnen Sie</b> ein zur Situation passendes Baumdiagramm.</p> <p>b) Beim Geschirrabwaschen nach dem Abendessen geht ein Teller zu Bruch. <b>Berechnen Sie</b> die Wahrscheinlichkeit, dass Kuba das Geschirr abgewaschen hat.</p>		2 Punkte 3 Punkte

# TEILPRÜFUNGEN (VORABITUR) 2024: MATHEMATIK 3-STÜNDIG

TEIL A																		
	Seite 4/4	Punkte																
<p>8) In einer bestimmten Klasse haben 60 % der Schüler*innen eine Katze und 50 % der Schüler*innen haben einen Hund. Wir wissen auch, dass 30 % der Schüler*innen sowohl einen Hund als auch eine Katze haben. Wir wählen eine*n Schüler*in in dieser Klasse nach dem Zufallsprinzip aus und betrachten die folgenden zwei Ereignisse:                      Ereignis A – der/die Schüler*in hat einen Hund,                      Ereignis B – der/die Schüler*in hat eine Katze.</p> <p>a) <b>Bestimmen Sie</b>, ob die Ereignisse <math>A</math> und <math>B</math> unabhängig sind. <b>Begründen Sie</b> Ihre Antwort.</p> <p>b) <b>Berechnen Sie</b> <math>P(A \cup B)</math>.</p>	<p>2 Punkte</p> <p>3 Punkte</p>																	
<p>9) Ein Spieler wirft viermal hintereinander auf eine Dartscheibe. Bei jedem Wurf trifft der Spieler mit einer Wahrscheinlichkeit von <math>\frac{1}{4}</math> die Mitte der Dartscheibe. Die Zufallsvariable <math>X</math> gibt an, wie oft der Spieler die Mitte der Dartscheibe trifft.</p> <p>a) <b>Erläutern Sie</b>, warum die Zufallsvariable <math>X</math> einer Binomialverteilung folgt, und <b>geben Sie</b> ihre Parameter <b>an</b>.</p> <p>b) <b>Berechnen Sie</b> die Wahrscheinlichkeit, dass der Spieler genau dreimal die Mitte der Dartscheibe trifft.</p>	<p>2 Punkte</p> <p>3 Punkte</p>																	
<p>10) Die in der nachstehenden Tabelle aufgeführten Daten beschreiben das Wachstum eines Kaktus. Diese Art von Pflanze kann bis zu 5 Meter hoch werden.</p> <table border="1" style="margin: 10px auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>x =</math> Jahr nach der Pflanzung</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">3</td> <td style="padding: 5px;">4</td> <td style="padding: 5px;">5</td> <td style="padding: 5px;">6</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>y =</math> Höhe (m)</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">0,6</td> <td style="padding: 5px;">1,3</td> <td style="padding: 5px;">1,7</td> <td style="padding: 5px;">2,2</td> <td style="padding: 5px;">2,5</td> <td style="padding: 5px;">2,9</td> </tr> </table> <p>a) <b>Zeichnen Sie</b> ein Streudiagramm für diese Daten. <b>Verwenden Sie</b> eine geeignete Skalierung.</p> <p>b) <b>Sie wissen</b>, dass die Daten das Wachstum eines Kaktus beschreiben, der maximal 5 Meter hoch werden kann. <b>Diskutieren Sie</b>, welche Art von Regressionsmodell die Daten am besten beschreiben würde. <b>Begründen Sie</b> Ihre Antwort.</p>	$x =$ Jahr nach der Pflanzung	0	1	2	3	4	5	6	$y =$ Höhe (m)	0	0,6	1,3	1,7	2,2	2,5	2,9	<p>2 Punkte</p> <p>3 Punkte</p>	
$x =$ Jahr nach der Pflanzung	0	1	2	3	4	5	6											
$y =$ Höhe (m)	0	0,6	1,3	1,7	2,2	2,5	2,9											

**ENDE DER PRÜFUNG**