

Chapitre 7. Le 2nd degré

Yann Barsamian

École Européenne de Bruxelles 1

Année scolaire 2020–2021



- Paraboles
- Équations du 2nd degré

Dans ce chapitre, on s'intéresse à des fonctions de type

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

Une fonction de ce type est un polynôme du second degré (lorsque $a \neq 0$). Et l'écriture $ax^2 + bx + c$ est la forme développée de la fonction.

Le graphique d'une telle fonction est une parabole. Graphiquement, c'est une courbe qui ressemble à un "U", à l'endroit (on dit que la parabole est tournée vers le haut) ou à l'envers (elle est alors tournée vers le bas).

On appelle sommet de la parabole le point qui correspond à l'extremum de la fonction. Si la parabole est tournée vers le haut il s'agit d'un minimum, sinon d'un maximum.

Il existe deux autres formes pour la fonction $f(x) = ax^2 + bx + c$:

- ① la forme canonique : $f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta$ (qui existe toujours)
- ② la forme factorisée : $f(x) = a(x - r)(x - s)$ (qui n'existe pas toujours)

La forme canonique est liée au sommet de la parabole, qui a pour coordonnées $(\alpha; \beta)$.

La forme factorisée est liée aux racines¹ de f , qui sont r et s (il est possible que $r = s$ si le sommet de la parabole est sur l'axe des abscisses). La forme factorisée n'existe donc que quand la fonction admet des racines.

1. Les racines d'une fonction f sont les solutions de l'équation $f(x) = 0$.

À faire : 1) tracer dans le cours, sur un même graphique, les paraboles correspondant aux fonctions suivantes (indication : demander à Geogebra de les tracer, puis reporter les courbes dans le cahier en prenant une petite dizaine de points pour chaque courbe) :

- $f(x) = x^2 + x + 1$
- $g(x) = x^2 + 3x$
- $h(x) = -2x^2 - 5x + 2$

Indiquer pour chacune de ces fonctions les coordonnées du sommet et l'ensemble des racines.

2) comprendre le lien entre les coefficients a, b, c et les coordonnées du sommet de la parabole $(\alpha; \beta)$: lire la démonstration page 84 de votre livre. Nous referons la démonstration en cours lundi.