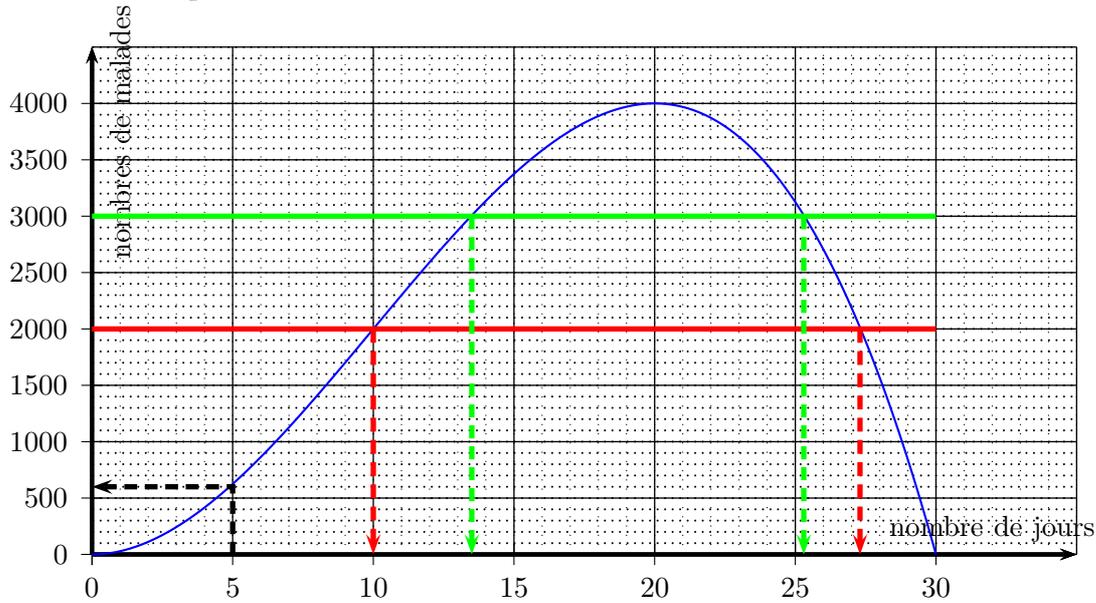


**Exercice 1 — L'épidémie de Massilia**



1. On lit qu'il y a environ 600 malades le 5<sup>e</sup> jour.
2. On lit qu'il y a 2000 malades le 10<sup>e</sup> et le 28<sup>e</sup> jour.
3. Le 20<sup>e</sup> jour, le nombre de malades est maximal. Ce maximum est de 4000 malades.
4. Le nombre de malades revient à 0 lors du 30<sup>e</sup> jour : l'épidémie a duré 30 jours.

BONUS Graphiquement, on voit qu'il y a eu plus de 3 000 malades de la moitié du 13<sup>e</sup> jour jusqu'au milieu de matinée du 25<sup>e</sup> jour. Cela fait donc un peu moins de 12 jours.

5. Pour calculer  $f(8)$ , je remplace  $t$  par 8 dans l'expression  $f(t) = -t^3 + 30t^2$ . Cela donne :  
 $f(8) = -8^3 + 30 \times 8^2 = -512 + 1\,920 = \span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1\,408.$

BONUS On va appliquer la double distributivité :

$$\begin{aligned}
 g(t) &= (t^2 + t) \times (31 - t) - 31t \\
 &= (31t^2 - t^3 + 31t - t^2) - 31t && \left. \begin{array}{l} \text{Double distributivité.} \\ \text{On simplifie dans la parenthèse.} \end{array} \right\} \\
 &= (30t^2 - t^3 + 31t) - 31t && \left. \begin{array}{l} \text{On enlève les parenthèses.} \\ \text{On simplifie.} \end{array} \right\} \\
 &= 30t^2 - t^3 + 31t - 31t \\
 &= 30t^2 - t^3 \\
 &= f(t) && \left. \begin{array}{l} \text{On reconnaît } f(t). \end{array} \right\}
 \end{aligned}$$

**Exercice 2 — L'examen de mathématiques**

Notes	3	5	7	8	10
Effectifs	3	7	10	4	3
Eff. cumulés croissants	3	10	20	24	27

1. L'étendue de la série, c'est la valeur maximale moins la valeur minimale : ici, la meilleure note est 10 et la plus basse est 3, l'étendue est  $10 - 3 = \span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">7.$
2. Moyenne :  $\bar{x} = \frac{3 \times 3 + 5 \times 7 + 7 \times 10 + 8 \times 4 + 10 \times 3}{27} \approx \span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">6,5.$

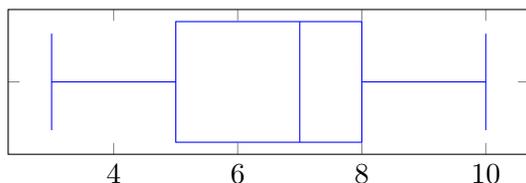
3. 50% de la moyenne, c'est  $\approx 3,25$ . Ainsi, il y a 3 élèves qui ont une note inférieure ou égale à 3,25 (les 3 élèves qui ont eu 3). La proportion d'élèves qui ont raté ce devoir est donc de  $\frac{3}{27} = \frac{1}{9}$ .

4. Cf. tableau.

5. Médiane : puisqu'on a un nombre impair de valeurs, il s'agit donc de la valeur de rang  $\frac{27+1}{2} = 14$ . La 14e valeur est  $\boxed{7}$ .

Pour le rang de Q1 on calcule  $\frac{27}{4} = 6,75$  donc c'est la 7e valeur. C'est  $\boxed{5}$ .

Pour le rang de Q3 on calcule  $\frac{27 \times 3}{4} = 20,25$  donc c'est la 21e valeur. C'est  $\boxed{8}$ .



BONUS

### Exercice 3 — Le vendeur de fruits

Au marché, un vendeur de fruits pratique le tarif suivant à chacune de ses transactions : 0,5€ pour les frais divers (sacs, conseils, etc.) puis 3€ le kilogramme de fruits.

1. On doit payer 0,5€ de frais divers plus  $3 \times 3€$  pour les 3kg de fruits, donc au total  $\boxed{9,5€}$ .

2. Parmi les 20€ qu'on a payé, il y a les 0,5€ de frais divers, et le reste c'est le prix des fruits. Le prix des fruits est donc de 19,5€. Or, les fruits coûtent 3€ le kg, il faut donc calculer  $\frac{19,5}{3} = 6,5$ . On a acheté  $\boxed{6,5\text{kg}}$  de fruits.

3. Le prix  $p(x)$ , en euros, est constitué de 0,5 pour les frais divers, et de  $3 \times x$  pour les fruits :  $\boxed{p(x) = 0,5 + 3x}$ .

BONUS Pour tracer la fonction  $p$ , on calcule deux valeurs. Par ex.  $p(0) = 0,5 + 3 \times 0 = 0,5$  donc le point  $(0; 0,5)$  et  $p(10) = 0,5 + 3 \times 10 = 30,5$  donc le point  $(10; 30,5)$ .

