|  |
| --- |
| **MATHÉMATIQUES 3 PÉRIODES**  **PARTIE B** |

**DATE:** Lundi 30 janvier 2023

|  |  |
| --- | --- |
| **DURÉE DE L’ ÉPREUVE :**  2 heures (120 minutes)  **MATÉRIEL AUTORISÉ :**  ● Examen avec outil technologique : Calculatrice Casio Graph 90+E, Numworks ou TI-83 Premium CE Python en mode examen.  ● Crayon pour les graphiques  ● Recueil de formules  **REMARQUES PARTICULIÈRES :** |  |
| ● Les réponses doivent être accompagnées des explications nécessaires à leur élaboration.  ● La totalité des points ne pourra être attribuée à une réponse correcte en l’absence du raisonnement et des explications qui permettent d’arriver à cette réponse.  ● Lorsqu’une réponse est incorrecte, une partie des points pourra cependant être attribuée pour une méthode et/ou une approche correcte. | |

**NOMBRE DE DOCUMENTS: 2**

**FORMAT DE L’EXAMEN:**

|  |  |
| --- | --- |
| **QUESTIONNAIRE** | **OUI ⊠ NON ☐** |
| **LIVRET DE RÉPONSE** | **OUI ☐ NON ⊠** |
| **RECUEIL DE FORMULES** | **OUI ⊠ NON ☐** |

**NOMBRE TOTAL DE PAGES DU QUESTIONNAIRE : 6**

*RAPPEL: AUCUNE RÉPONSE NE DOIT ÊTRE ÉCRITE SUR CE QUESTIONNAIRE*

**NOM DES PROFESSEURS :** M.A. COSTA MOLINA, A. FIELDING, K. HANSEN, A. HARSANYI, C. PETRUZ, O. PICAUD, R. SOUISSI, I. STEPIEN-MOSKALIK, L. WURZER.

**NOM DE L’ÉLÈVE :** ........................ ...............

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| PARTIE B | | | | |
| QUESTION B1 | | | Page 1/2 | Barème |
| La glace carbonique (CO2 à l’état solide) produit, à une certaine température ambiante, du gaz qui peut être facilement être vu à l’œil nu.  Le célèbre chef Sebastianic a l’intention d’utiliser 100 g de glace carbonique pour produire un effet magique pour sa dernière création, un dessert spécial. Afin de comprendre comment se comporte la glace carbonique, Sebastianic a pris plusieurs fois le poids lors de la sublimation de l’échantillon : | |  | |  |
| |  |  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | |  | Temps en min (x) | 2 | 4 | 6 | 8 | 10 |  | |  | Poids de la glace carbonique en g (y) | 92 | 78 | 62 | 51 | 40 |  | | | | |  |
|  |  | | |  |
| a) | **Recopier** sur votre feuille le nuage de points correspondant aux données du tableau en choisissant entre le diagramme rouge ou le diagramme bleu ci-dessous : | | | 2 points |
|  |  | | |  |
|  |  | | |  |
| b) | **Donner** la valeur du coefficient de corrélation linéaire des données et **expliquer** si une telle valeur indique ou non une dépendance linéaire entre les deux variables. **Expliquez** pourquoi le coefficient de corrélation linéaire a une valeur négative. | | | 3 points |
|  |  | | |  |
| c) | **Établir** l’équation sous la forme de la régression linéaire de en des données du tableau.  **Donnez** les nombres et au centième près. | | | 3 points |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| PARTIE B | | | |
| QUESTION B1 | | Page 2/2 | Barème |
| Dans les questions d) et e), utilisez le modèle . | | |  |
|  |  | |  |
| d) | **Utilisez** le modèle pour **calculer** combien de grammes de glace carbonique sont encore présents après 13 minutes. **Expliquez** si ce modèle permet une bonne estimation pour le poids de la glace carbonique après 20 minutes. | | 3 points |
|  |  | |  |
| e) | **Utilisez** le modèle pour **calculer** au bout de quelle durée la glace carbonique aura totalement disparu. | | 3 points |
|  |  | |  |
| Le chef Sebastianic est satisfait des résultats de la glace carbonique et ajoute au menu le nouveau dessert. Afin de répondre à la demande, il doit acheter de la glace carbonique. Le coût est bien décrit par la fonction :  Où désigne le coût en euros par kilogramme de glace carbonique et le nombre d’années depuis le début de l’année 2000 (le début de l’année 2000 correspond à ). | | |  |
| f) | Sebastianic a acheté 1 kg de glace carbonique début 2023. **Déterminez** combien il a payé. | | 2 points |
|  |  | |  |
| La fonction dérivée de la fonction est donnée par :  La fonction n’a qu’un seul extremum. | | |  |
| g) | **Calculez** en quelle année le coût de la glace carbonique était le plus élevé et **indiquez** ce coût en euros. | | 3 points |
|  |  | |  |
| h) | **Indiquez** les intervalles pour lesquels le coût de la glace carbonique est croissant, et les intervalles pour lesquels ce coût est décroissant. | | 3 points |
|  |  | |  |
| i) | **Calculer** les valeurs et qui indiquent le taux de variation du coût de la glace carbonique dans le temps, au début de l’année 2008 et au début de l’année 2020. **Déterminez** pour laquelle de ces années le prix a baissé le plus rapidement. | | 3 points |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| PARTIE B | | | | |
| QUESTION B2 | | | Page 1/2 | barème |
|  | | | |  |
| Dans la première partie de cet exercice, nous étudions la cuisson d’un œuf qui vient d’être sorti d’un réfrigérateur.  Un œuf est à la coque lorsque son jaune atteint une température d’exactement 45°C. | |  | |  |
|  | | | |  |
| Dans les questions a), b) et c), on considère un œuf de masse 60 g. Le temps de cuisson nécessaire pour que le jaune de cet œuf atteigne la température est donné par la relation :  où représente le temps de cuisson en secondes et la température en °C. | | | |  |
| a) | **Déterminez** combien de temps il faut pour que cet œuf soit à la coque. **Arrondir** à la seconde près. | | | 2 points |
|  |  | | |  |
| b) | **Déterminez** la température du jaune d’œuf après qu’il a cuit pendant 240 secondes. **Arrondir** au degré près. | | | 3 points |
|  |  | | |  |
| c) | **Dessinez** le graphique présentant le temps de cuisson en fonction de la température dans le jaune d’œuf pour des températures comprises entre 4°C et 45°C. | | | 4 points |
|  |  | | |  |
| À la question d), nous considérons un œuf à la coque après un temps de cuisson de 275 secondes. L’égalité suivante s’applique à la masse (en grammes) de cet œuf : | | | |  |
| d) | **Déterminez** la masse de cet œuf. **Arrondir** au gramme près. | | | 3 points |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| PARTIE B | | | |
| QUESTION B2 | | Page 2/2 | Barème |
| Chaque matin d’une semaine (7 jours), un homme commande exactement un œuf. Chaque matin, la probabilité que l’œuf servi soit à la coque est de , indépendamment des autres matins.  Soit la variable aléatoire définissant le nombre d’œufs à la coque servis à cet homme pendant ces 7 matins. | | |  |
|  | | |  |
| e) | **Montrer** que suit une distribution binomiale, et **donner** ses paramètres. | | 2 points |
|  |  | |  |
| f) | **Déterminez la** probabilité que cet homme n’ait reçu qu’un seul œuf à la coque au cours de ces 7 matinées. | | 3 points |
|  |  | |  |
| g) | **Déterminez la** probabilité que cet homme ait reçu des œufs à la coque pendant au moins 2 matinées au cours de cette semaine. | | 3 points |
|  |  | |  |
| h) | Nous savons que cet homme a reçu au moins deux œufs à la coque au cours de cette semaine. **Déterminez** la probabilité qu’on lui ait servi exactement trois œufs à la coque au cours de cette semaine. | | 2 points |
|  |  | |  |
| i) | **Déterminez** l’espérance et l’écart-type de la variable . **Interprétez** ces valeurs dans le contexte. | | 3 points |

**FIN DE L’EXAMEN**